

Nome: _____

ATENÇÃO:

Soluções sem os respectivos desenvolvimentos, claramente explicitados, NÃO SERÃO CONSIDERADAS. Todas as equações estão em unidades do Sistema Internacional de Unidades (SI).

Nos problemas de resolução numérica considere $g = 10 \text{ m/s}^2$.

*****Pontuação apenas para soluções inteiramente corretas.**

01. (4,0 pontos) A posição de uma partícula de massa $m = 2,0 \text{ kg}$ que se move no plano xy é dada por

$$\vec{r}(t) = (2,0t^3 - 4,0t)\hat{x} + (6,0 - 1,0t^4)\hat{y},$$

medida em metros por segundo para t em segundos. Determine:

- a) (1,0) a posição da partícula para $t = 2,0 \text{ s}$;
- b) (1,0) a velocidade da partícula para $t = 2,0 \text{ s}$;
- c) (1,0) a aceleração média da partícula entre $t = 0$ e $t = 1,0 \text{ s}$.
- d) (1,0) o impulso sobre a partícula entre $t = 0$ e $t = 1,0 \text{ s}$.

02. * (3,0 pontos)** Uma partícula de massa $m = 1,5 \text{ kg}$ está inicialmente em repouso em uma superfície horizontal quando uma força paralela à um eixo x atua sobre ela. A força é dada pela expressão

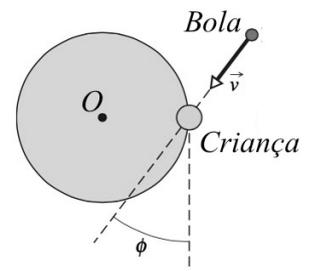
$$\vec{F}(x) = (4,0 - x^2)\hat{x},$$

onde a força está em newtons e x em metros. A posição inicial do bloco é $x_0 = 0$.

- a) (1,0) Qual é a energia cinética do bloco quando ele passa pela posição $x = 1,0 \text{ m}$?
- b) (1,0) Em que posição do eixo x a energia cinética do bloco atinge um máximo?
- c) (1,0) Qual o valor da energia cinética máxima adquirida pelo bloco?

03. (3,0 pontos) Na figura a seguir, uma criança de massa m_1 está na extremidade de um carrossel de raio R . O momento de inércia do carrossel, que tem massa M e gira em torno de um eixo que passa por O , é igual a $MR^2/2$. A criança agarra uma bola de massa m_2 arremessada por um amigo. Imediatamente antes da bola ser agarrada, ela possui uma velocidade horizontal de módulo v_0 que faz um ângulo ϕ com a linha tangente à extremidade do carrossel. Calcule para o instante imediatamente após a bola ser agarrada pela criança:

- a) (1,0) o momento de inércia do conjunto (carrossel + criança + bola) em torno do eixo de rotação que passa por O ;
- b) (1,0) o velocidade angular de rotação do conjunto;
- c) (1,0) a energia cinética do conjunto.



FÍSICA 1 - TURMA GC

2ª CHAMADA

2015.1

RESOLUÇÃO

$$\#01. \quad a) \quad \vec{r}(2) = [2 \cdot (2)^3 - 4 \cdot 2] \hat{x} + \\ + [6 - (2)^4] \hat{y}$$

$$\vec{r}(2) = [2 \cdot 8 - 8] \hat{x} + [6 - 16] \hat{y}$$

$$\boxed{\vec{r}(2) = (8 \hat{x} - 10 \hat{y}) \text{ m}}$$

$$b) \quad \vec{v} = \hat{x} \frac{d}{dt} (2t^3 - 4t) + \hat{y} \frac{d}{dt} (6 - t^4) \hat{y}$$

$$\vec{v} = \hat{x} (6t^2 - 4) + \hat{y} (-4t^3)$$

$$\boxed{\vec{v}(2) = (20 \hat{x} - 32 \hat{y}) \text{ m/s}}$$

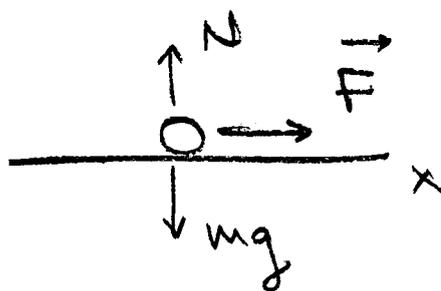
$$c) \quad \vec{a}_{\text{med}} = \frac{\vec{v}(1) - \vec{v}(0)}{1 - 0}, \quad \vec{v}(1) = 2 \hat{x} - 4 \hat{y}$$

$$\vec{v}(0) = -4 \hat{x} + 0 \hat{y} \Rightarrow \boxed{\vec{a}_{\text{med}} = (6 \hat{x} - 4 \hat{y}) \text{ m/s}^2}$$

$$d) \vec{J} = \Delta \vec{p}, \quad \Delta \vec{p} = m [\vec{v}(1) - \vec{v}(0)]$$

$$\Delta \vec{p} = 2 (6\hat{x} - 4\hat{y}) \Rightarrow \boxed{\Delta \vec{p} = (12\hat{x} - 8\hat{y}) \text{ N s}}$$

$$\#02. \quad \vec{F} = (4 - x^2)\hat{x}$$



$$\rightarrow) \Delta K = W_R$$

$$K - K_0 = \cancel{W_N} + \cancel{W_g} + W_F$$

$$K = W_F = \int \vec{F} \cdot d\vec{l} = \int_{x_0}^x F dx$$

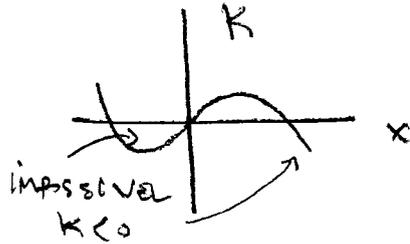
$$K = \int_0^1 (4 - x^2) dx = \left[4x - \frac{x^3}{3} \right]_0^1$$

$$K = 4 - \frac{1}{3} = \frac{12 - 1}{3} = \frac{11}{3}$$

$$\boxed{K = \frac{11}{3} \text{ J}}$$

$$b) \Delta K = W_R = W_F = \left[4x - \frac{x^3}{3} \right] \Big|_{x_0=0}^x$$

$$K - K_0 \rightarrow 4x - \frac{x^3}{3}$$



$$\frac{dK}{dx} = 0 \rightarrow 4 - x^2 = 0 \rightarrow x = \pm 2,0 \text{ m}$$

Vamos escolher a raíz positiva pois $K(x=2) > 0$.

$$x = 2,0 \text{ m}$$

$$c) K(x=2) = 4 \cdot 2 - \frac{2^3}{3} = 8 - \frac{8}{3} = \frac{24 - 8}{3}$$

$$K_{\text{máx}} = \frac{16}{3} \text{ J}$$

$$\#03. a) I = \frac{MR^2}{2} + m_1 R^2 + m_2 R^2$$

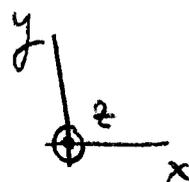
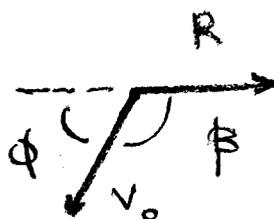
$$I = (M/2 + m_1 + m_2) R^2$$

$$b) \vec{L}_i = \vec{L}_f, \text{ pois } \vec{\tau}_e = \vec{0}$$

04

$$\vec{L}_i = \vec{L}_{\text{co}_i} + \vec{l}_{\text{rc}_i} + \vec{l}_{\text{bo}_i}$$

$$\vec{l}_{\text{bo}_i} = R m_2 v_0 \text{sen } \beta (-\hat{z})$$



$$\text{sen } \beta = \text{sen } \phi$$

$$\vec{l}_{\text{bo}_i} = m_2 v_0 R \text{sen } \beta (-\hat{z})$$

$$\vec{L}_f = \vec{L}_{\text{co}_f} + \vec{l}_{\text{co}_f} + \vec{l}_{\text{bo}_f}$$

$$= I \vec{\omega} = (M/2 + m_1 + m_2) R^2 \vec{\omega}$$

$$(M/2 + m_1 + m_2) R^2 \vec{\omega} = R m_2 v_0 \text{sen } \phi (-\hat{z})$$

$$\vec{\omega} = \frac{m_2 v_0 \text{sen } \phi}{(M/2 + m_1 + m_2) R} (-\hat{z})$$

$$c) K = \frac{I \omega^2}{2} = \frac{(M/2 + m_1 + m_2) R^2}{2} \frac{m_2^2 v_0^2 \text{sen}^2 \phi}{(M/2 + m_1 + m_2)^2 R^2}$$

$$K = \frac{m_2^2 v_0^2 \text{sen}^2 \phi}{2(M/2 + m_1 + m_2)}$$